



Argomentare, Interpretare, Dimostrare

Una delle criticità nell'insegnamento/apprendimento della **dimostrazione** riguarda l'oscurità della sua funzione

Obiettivi:

Stimolare una competenza trasversale, **saper argomentare**

Realizzare un percorso trasversale, con modalità di **Laboratorio Globalmente Interdisciplinare**, per far apprezzare agli alunni l'uso delle dimostrazioni e l'importanza del **saper dimostrare**, in collegamento con le altre materie

L'approccio **interdisciplinare** aiuta a:

- Affrontare **problemi specifici** dell'insegnamento della matematica, non ponendosi dal punto di vista di una teoria generale dell'insegnamento, ma **collegando gli oggetti** e i problemi dell'insegnamento della matematica a quello delle altre materie
- Sviluppare l'**immaginazione**
- Comprendere l'importanza del **linguaggio** e la specificità dei linguaggi disciplinari
- Sviluppare le capacità di **argomentare**
- Superare la **paura di sbagliare** e scoprire l'importanza e il ruolo dell'errore

PRIMA FASE: seminario/laboratorio introduttivo

"Dall'arte della persuasione alla dimostrazione matematica"

Gli studenti hanno scoperto che:

Le **dimostrazioni** nascono con la civiltà greca; sono figlie della necessità di **argomentare** per convincere, cioè del confronto politico e democratico

La dimostrazione matematica è una evoluzione della **retorica**, della **dialettica** e della **logica**

EDUCARE ALL'ARGOMENTAZIONE

Laboratorio Globalmente Interdisciplinare

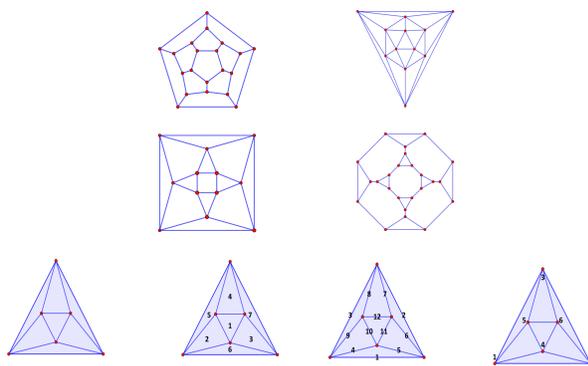
in collaborazione con il Prof. Enrico Rogora
"SAPIENZA" UNIVERSITÀ DI ROMA

SECONDA FASE: lezione dialogata

Proposta di tematiche per lavoro in gruppi (vaccinazioni, compiti a casa, energie alternative, fumo, social networks, medicine alternative)

Presentazione pro e contro sulle tematiche proposte facendo **retorica**: gli alunni hanno illustrato le proprie teorie tentando di convincere i compagni di classe

Scheda di lavoro "Dal Descrivere al Congetturare al Definire"



Rete	Facce	Lati	Vertici	F+L+V
A				
B				
C				
D				
E	7	12	6	25

- Determina un'espressione tra F , L e V , simile a quella che compare nell'ultima colonna, in modo che tale relazione restituisca lo stesso valore per tutte le reti poligonali che abbiamo considerato
- Chiamiamo INV questa espressione
- Disegna altre reti poligonali per cui INV ha lo stesso valore calcolato negli esempi precedenti
- "Per ogni rete poligonale, INV è costante"

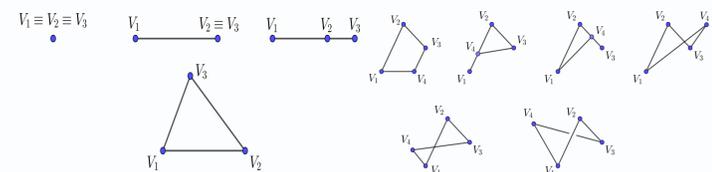
Definire un **oggetto matematico** è un processo complesso

Per definire una **rete poligonale** proponiamo agli studenti il seguente percorso:

Si definisce **p-gono** un oggetto costituito da:

- p vertici: $V_1 - V_2 - \dots - V_p$
- p segmenti: $V_1V_2 - V_2V_3 - \dots - V_{p-1}V_p - V_pV_1$

Dare esempi di **p-goni** per $p = 1, 2, 3, 4$



Sulla base della definizione di **p-gono**, cosa è un **poligono**?

- Dai la definizione di **Poligono Convesso**
- Per ogni **definizione di rete di poligoni** trova, se esiste, un caso in cui $INV \neq 1$ (**controesempio**), oppure un esempio "particolare" che vuoi escludere, nonostante INV valga 1

Con la definizione di **rete poligonale** trovata, possiamo ritenere dimostrato il teorema proposto?

"Per ogni rete poligonale, INV è costante"

TERZA FASE: Stimolare la classe a formulare e risolvere una congettura: il teorema di Eulero

L'attività è ispirata alla famosa lezione di **Lakatos** «**Dimostrazioni e Confutazioni**» sul teorema di Eulero

E' stata presa in considerazione l'analoga formula per le reti poligonali $F + V - L = 1$