# La prospettiva culturale nell'insegnare la matematica in integrazione con le altre discipline

Anna Maria Ajello

Università di Roma Sapienza – Aula Picone 1 Dicembre 2023

#### Presupposti di un progetto di didattica, matematica e non solo

#### Opposizione tra la cultura umanistica e quella scientifica

(Convegno del 1911)

"Al congresso della Società filosofica italiana del 6 Aprile del 1911, un uomo di ampissime vedute come il matematico e filosofo della scienza Federico Enriques venne umiliato e fatto passare per dilettante da Benedetto Croce e Giovanni Gentile. Per Croce infatti, sulla scia di Hegel, la scienza non aveva un valore conoscitivo, non era nemmeno un sapere; al massimo, era un'attività pratica, utile al più per ordinare le nostre esperienze e favorirne la memoria...." "Ecco: noi per quanto riguarda i rapporti tra le "due culture", siamo rimasti segnati da quel congresso di cento anni fa. Quell'idea di scienza imposta da don Benedetto, riduttiva, sbagliata ma vincente, ha marcato, almeno in Italia, lo sviluppo culturale, sociale, economico e perfino politico del Paese" (p.29-30 in Bruno Arpaia (2011) Letterati e scienza p.28-31 in Vittorio Lingiardi e Nicla Vassallo (2011) Terza cultura Idee per un futuro sostenibile Milano: Il Saggiatore)

### Che cosa si intende per cultura?

- «Il titolo del libro, La cultura dell'educazione, mi sembra appropriato. La sua tesi centrale è che la cultura plasma la mente, ci fornisce l'insieme degli attrezzi mediante i quali costruiamo non solo il nostro mondo, ma la nostra concezione di noi stessi e delle nostre capacità...Infatti non si può capire l'attività mentale, se non si tiene conto del contesto culturale e delle sue risorse che danno forma alla mente e ne determinano il raggio di azione. Imparare, ricordare, parlare, immaginare: tutte cose rese possibili dalla partecipazione ad una cultura». (Bruner 1996 p.8)
- «Che cosa serve per creare una cultura scolastica capace di far crescere i giovani e di metterli in condizione di usare in modo efficace le risorse e le opportunità della cultura di cui fanno parte?» (cit p.12)
- «Nessuno dubita che esistano forti limitazioni a quello che possono fare le scuole. Non sono mai libere neanche di sperimentare tutte le cose che riterrebbero utili. Ma nemmeno sono pavidi agenti dello status quo. Sottovalutiamo troppo spesso l'impatto delle innovazioni educative.. ...Inoltre sappiamo ormai molte più cose di quanto non ne abbiamo finora messe a frutto, sappiamo, per esempio, che i bambini inseriti in classi organizzate come comunità interattive hanno buone prestazioni intellettuali e migliori prospettive» (cit p.13)

#### Che cosa si intende per cultura? Conoscenza e cultura

• La conoscenza stessa è organizzata in modo tale che la comprensione della sua struttura concettuale rende i particolari più evidenti o addirittura ridondanti. La conoscenza acquisita inoltre è più utile se chi apprende la «scopre» attraverso i suoi stessi sforzi cognitivi perché in tal caso si collega con ciò che conosceva prima. Simili atti di scoperta sono enormemente facilitati dalla struttura stessa della conoscenza perché per quanto un campo di conoscenza possa essere complicato, può essere rappresentato in modo tale da renderlo accessibile tramite processi meno complessi ed elaborati.... È possibile insegnare qualsiasi argomento a qualsiasi bambino di qualsiasi età purchè si trovi una forma «onesta» per farlo. Quell' «onesto» che allora lasciai indefinito non ha smesso di turbare i miei sonni (Bruner, 1996 p.10).

### Quale ruolo/funzione per saperi e discipline: la separatezza della matematica

• La miope e autolesionista visione specialistica della matematica ci induce a vantare come un pregio la possibilità di presentare la matematica come un campo reso autonomo e staccato da ogni nesso colle altre scienze grazie alla completa astrattizzazione, mentre sarebbe essenziale superare questa visione ristretta e caricaturale, affermando la posizione della matematica nel tutto che è la scienza e quello della scienza nel più grande tutto unitario che sarebbe la cultura (...) La situazione derivante da tale lacerazione della cultura, in umanistica contro scientifica e poi persino tra i vari campi della scienza, dovrebbe essere più generalmente sentita come fonte di angosciosa preoccupazione (de Finetti 1965 p120 cit in Capone, Rogora Tortoriello (2017 p.294)

• FIN QUI IL QUADRO CONCETTUALE DI UN PROGETTO «SCIENTIFICO»

# La prospettiva didattica : la situazione da fronteggiare

- L'accettazione dell'ignoranza in matematica («io per i numeri proprio non sono portata...»)
- La stereotipia della matematica meno adatta alle ragazze (ma vedi anche conoscenze finanziarie)
- L'instaurarsi rapido del «danno di motivazione» : un insegnamento inefficace produce danno, come una medicina sbagliata; non ci si coinvolge in un ambito che ha prodotto frustrazione.
- Il docente che viene dopo deve muovere dal recupero del danno

### La prospettiva didattica : la situazione da fronteggiare/2

- Essere "competenti" in matematica (e in altre discipline): oltre il sapere mnemonico e il "presso a poco"; oltre l'ideale della "sufficienza"
- Competenza come acquisizione solida, comprensione piena, senza banalizzazione, uso in situazioni le competenze acquisite (non richiamo alla memoria; rote learning vs automatismo dell'esperto) superamento di una didattica trasmissiva
- Imparare e continuare a farlo: esperienza del «gusto di imparare»
- L'interesse per le STEM (science, technology, engineering and mathematics) da fondare su una visione culturale e non solo strumentale di quelle discipline

# Presupposti di una didattica più efficace

- Coinvolgimento degli studenti in attività
- Richieste di modalità di elaborazione: comparazione, confronti analogie, similitudini, senso di quello che si sta facendo
- Uso del gruppo di lavoro per attivare l'elaborazione cognitiva: dare le ragioni di ciò che si sostiene
- Promozione della collaborazione come modi di relazionarsi per risolvere problemi (in senso ampio)
- Rendere visibile l'apprendimento che si realizza (v. valutazione)
- ATTIVITA' DI LAVORO IN TEAM DEI DOCENTI: figure di riferimento, anche per gli adolescenti

# Ammiano Marcellino (IV sec) descrive le abitudini degli Unni

• Ammiano descrive la steppa transcaucasica come un mare d'erba, nel quale vivono popoli di allevatori di cavalli. Anch'essi sono nomadi e barbari, non hanno case, non praticano agricoltura, si spostano su carri a due ruote, si nutrono di carne e latte. Suscitano orrore al solo vederli, hanno visi deturpati dai tagli che si fanno sulle guance per non farsi crescere la barba. Vagano eternamente senza meta e senza leggi. Assomigliano ad animali che non conoscono differenza tra il bene e il male. Si cibano di carne fatta frollare al calore delle loro gambe o sul dorso dei cavalli, racconta con orrore Ammiano, perché non conoscono nemmeno il fuoco. Emettono urla feroci e combattono correndo in disordine. Sopportano freddo e fame, senza religione e senza istituzioni

•

### ESEMPI DI ATTIVITA' SVOLTE IN GRUPPO: una discussione di storia (IV elementare)

- (21) <u>Giovanni</u> *Forse* perché un popolo straniero che li odiava poteva pure ucciderli. Perché non si fidavano.
- (22) <u>Insegnante</u> Ma perché non entravano nelle case?
- (23) Giovanni Si vede che nelle case erano fregati
- (24) <u>Claudio</u> *Forse* non entravano nelle case perché per prenderli di sorpresa quando uscivano gli altri gli davano una botta: tutti uscivano per vedere che cosa era successo e li prendevano tutti
- (25) <u>Enzo</u> Prima di tutto perché erano nomadi, e poi se loro vivevano nelle case non potevano accorgersene se il nemico arrivava perché stavano chiusi. Il nemico poteva bruciare, Oppure perché non si fidavano delle case: loro dovevano viaggiare, *forse* loro dovevano portare messaggi, *forse*... non lo sappiamo, gli Unni erano un popolo di messaggeri
- (26) <u>Sara</u> Loro non solo in un Paese straniero, ma anche da loro non entravano nelle case perché loro, visto che si muovono, le case non se le costruiscono e dormivano all'aperto per terra.
- (27) <u>Insegnante</u> Ma dove dormivano?
- (28) Voci sovrapposte Sull'erba/nei carri/ nei boschi

# Una discussione di storia/2

- (29) <u>Sara</u> Dormivano sui cavalli. E poi nelle case non ci potevano entrare con i cavalli e poi perché così se vedevano arrivare il nemico facevano galoppare il cavallo
- (30) <u>Valentina</u> Non entravano nelle capanne perché loro erano abituati a stare fuori, sempre sotto il cielo e *quindi per loro il cielo era una cosa sicura*. Nelle case invece per loro era come se fossero chiusi in gabbia. Fuori invece si sentivano liberi; dentro invece si sentivano che la casa non era sicura, che potesse crollare e quindi avevano paura delle case.

Hilda Girardet (1991) *Spiegare i fenomeni storici* (p.214) in Pontecorvo C., A.M: Ajello, Cristina Zucchermaglio Discutendo si impara Roma: La Nuova Italia Scientifica

# Trasformazione del pane (quarta elementare)

- Insegnante (Delia) E perché si secca il pane?
- <u>Sara</u> Perché..Perchè..
- <u>Marco</u> Perché rimane troppo chiuso
- <u>Valentina</u> Se tu lo lasci...
- <u>Riccardo</u> Se rimane chiuso si mantiene perché...
- Sara Tutta la mollica...Delia non vale..
- <u>Valentina</u> Il pane veramente se lo lasci così sulla credenza si secca perché c'è l'aria che lo indurisce
- <u>Sara</u> Gli assorbe la morbidezza
- <u>Insegnante</u> Che cos'è che agisce sul pane?

# **Trasformazione del pane/2**

- Valentina L'aria... se tu lo lasci in una busta chiusa..
- <u>Sara</u> Non succede..
- <u>Emanuele</u> Si ammuffisce. Si ...ammuffisce
- <u>Valentina</u> Si se lo tiene per tanto tempo, ma se lo tiene per mezzo giorno
- C. Pontecorvo Discutere, argomentare e pensare a scuola L'adulto come regolatore dell'apprendimento in C. Pontecorvo, A.M Ajello, C. Zucchermaglio Discutendo si impara Roma La Nuova Italia Scientifica pag 80

# Quanti lavori servono per mandare avanti un grande magazzino? (V elem)

#### Giudice Giacomo

- Daniele Allora un lavoro che abbiamo scritto è stato il barista
- Giudice Scusa, scusa, ma perché il barista dentro la Standa?
- Michele Allora, il barista dentro la Standa... Dentro la Standa io ce l'ho visto il barista
- <u>Daniele</u> Il barista io ce l'ho visto, se è per questo io ce l'ho visto!
- <u>Giudice</u> No, il barista ehm Questa proprio non è una buona spiegazione, viene annullato
- <u>Daniele</u> Se tu vai nella Standa che sta qua ci sono, c'è il barista all'angolo dove ci sono le casse
- Giudice Quali casse?
- <u>Daniele</u> Tu vai qua c'è il barista, dove vende coca-cola, aranciata, tramezzini..
- Giovanni Vai a quella di Via del Corso, lo trovi
- Giudice E no! Voi mi dovete spiegare perché c'è, parlate uno per volta
- <u>Daniele</u> A quella Standa di Via del Tritone c'è il bar
- <u>Giudice</u> L'avevo capito! Lo sai che ti dico, che a me non me ne importa niente che tu l'hai visto. Devi motivare perché c'è. Quindi se c'è in una Standa sola, non va bene

### Quanti lavori servono per mandare avanti un grande magazzino?

#### Giudice Renato

- Giudice Prima di tutto che cosa vuol dire usciere?
- <u>Gaia</u> L'usciere è quello che indica dove stanno le cose, per esempio una persona gli chiede «dove sta il bagno?» lui glielo indica. Gli chiede «dov'è l'uscita?» perché si è perso e glielo indica
- Giudice Ma è proprio necessario che ci sta quest'usciere? Come vi è vneuto in mente di mettere proprio una persona che dica proprio alle persone dove devono andare, che cosa devono fare?
- Gaia Perché non c'è in tutti i grandi magazzini, ma c'è in alcuni grandi magazzini che sono molto grandi certo per indicare...
- Karen Si potrebbero perdere, perché ci sono dei grandi magazzino molto ampi, vasi con piani sotterranei e così se... si perdono, chiedono a questa persona dov'è l'uscita o l'entrata..
- A.M Ajello *il ragionamento informale in economia* in Discutendo si impara cit. 219-236

### Discutendo si impara: fare ricerca CON le scuole

• I brani riportati provengono da ricerche condotte da ricercatori universitari di gradi diversi (proff, assegnisti, borsisti, dottorandi)e docenti di scuola

- Quale tipo di collaborazione?
- Quali caratteristiche delle proposte didattiche?
- Che cosa implica condurre ricerche di questo tipo?
- Quali cambiamenti nelle modalità di «funzionamento» di università e di scuole?

Un esempio: la proposta del Liceo Matematico come "proposta

| cultur            | ماد"                |                         |                         |  |
|-------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------|--|
| Cuitui            | Interdisciplinarità | Laboratorio             | Proposta                | Implicazioni psico-pedagogiche                 |
|                   |                     |                         | curricolare             |  |
| Università        | -Superare la        | -Identificare           | -                       |  |
|                   | separazione         | aspetti/temi            | Riconoscimento          | -Identificazione delle concezioni di base e    |
| (coinvolgimento   | disciplinari        | riconducibili ad        | del ruolo               | loro "adeguamento"                             |
| di ruoli diversi: | -Identificare temi  | attività in laboratorio | paritario dei           | per il grado scolare a cui si rivolgono;       |
| assegnisti,       | comuni              |                         | docenti di              | -la scuola come contesto "naturale" per la     |
| dottorandi        | -Riflessioni        | -Importanza dell'       | scuola;                 | ricerca didattica                              |
| ricercatori, prof | epistemologiche     | Everyday cognition      |                         |  |
| associati)        | -Approccio          |                         | -Messa a punto          |  |
|                   | storico             |                         | condivisa delle         |  |
|                   |                     |                         | proposte                |  |
|                   |                     |                         | didattiche              |  |
| Docenti di        | -Riconoscere i      | -Superamento della      | Lavoro <i>insieme</i> a | Formazione/aggiornamento dei docenti: la       |
| scuola            | punti di contatto   | didattica trasmissiva   | colleghi ed             | ricerca come "via regia" (Visalberghi,         |
|                   | con le discipline   | -Ripensare le           | esperti                 | Tornatore);                                    |
|                   | insegnate dai       | discipline              | disciplinari            |  |
|                   | colleghi/e          | "umanistiche" in        | -Valorizzazione         | -Messa in atto dei cinque criteri che          |
|                   |                     | termini di attività da  | della classe            | caratterizzano di docenti efficaci, come       |
|                   |                     | proporre                | come contesto           | gruppo di lavoro: valori condivisi, centratura |
|                   |                     | -Superamento            | di lavoro               | sull'apprendimento degli studenti, dialoghi di |
|                   |                     | dell'autoreferenzialità | -Discutere e            | riflessione, collaborazione, deprivatizzazione |
|                   |                     |                         | argomentare             | delle pratiche didattihce                      |
|                   |                     |                         | come momenti            |  |
|                   |                     |                         | fondativi del           |  |
|                   |                     |                         | lavoro                  |  |

# La proposta del Liceo Matematico come "proposta culturale"

|               | F314          |                      |             |                                   |
|---------------|---------------|----------------------|-------------|-----------------------------------|
| Cuitu         | Interdiscipli | Laboratorio          | Proposta    | Implicazioni psico-pedagogiche    |
|               | narità        |                      | curricolare |                                   |
|               |               |                      |             |                                   |
| Università    | -Superare la  |                      | -           |                                   |
|               | separazione   | aspetti/temi         | Riconoscim  | -Identificazione delle concezioni |
| (coinvolgim   | disciplinari  | riconducibili ad     | ento del    | di base e loro "adeguamento" (v   |
| ento di ruoli | -Identificare | attività in          | ruolo       | Bruner) per il grado scolare a    |
| diversi:      | temi comuni   | laboratorio          | paritario   | cui si rivolgono;                 |
| assegnisti,   | -Riflessioni  |                      | dei docenti |                                   |
| dottorandi    | epistemolog   | -Importanza          | di scuola;  | -la scuola come <b>contesto</b>   |
| ricercatori,  | iche          | dell'                |             | "naturale" per la ricerca         |
| prof          | -Approccio    | Everyday             | -Messa a    | <b>didattica</b> (non solo terza  |
| associati)    | storico (v    | <b>cognition</b> (la | punto       | missione)                         |
|               | Goetzmann,    | solidità delle       | condivisa   |                                   |
|               | 2016)         | conoscenze           | delle       |                                   |
|               |               | quotidiane,          | proposte    |                                   |
|               |               | imparare fuori       | didattiche  |                                   |
|               |               | dalla scuola)        |             |                                   |
|               |               |                      |             |                                   |

# La proposta del Liceo Matematico come "proposta

| cultu      | ralo"                  |                 |                  |                                   |
|------------|------------------------|-----------------|------------------|-----------------------------------|
| Cuitu      | rale"<br>Interdiscipli | Laboratorio     | Proposta         | Implicazioni psico-pedagogiche    |
|            | narità                 |                 | curricolare      |                                   |
| Docenti di | _                      | -Superamento    | Lavoro           | Formazione/aggiornamento          |
| scuola     | Riconoscere            | della didattica | <i>insieme</i> a | dei docenti: la ricerca come "via |
|            | i punti di             | trasmissiva     | colleghi ed      | regia" (Visalberghi, Tornatore);  |
|            | contatto               |                 | esperti          |                                   |
|            | con le                 | -Ripensare le   | disciplinari     | -Messa in atto dei cinque criteri |
|            | discipline             | discipline      | _                | che caratterizzano di docenti     |
|            | insegnate              | "umanistiche"   | Valorizzazi      | efficaci, come gruppo di lavoro:  |
|            | dai                    | in termini di   | one della        | valori condivisi, centratura      |
|            | colleghi/e             | attività da     | classe           | sull'apprendimento degli          |
|            | (prospettiv            | proporre        | come             | studenti, dialoghi di             |
|            | a storica              |                 | contesto di      | riflessione, collaborazione,      |
|            | facilita)              | -Superamento    | lavoro           | deprivatizzazione delle           |
|            |                        | dell'autorefere | -Discutere       | pratiche didattiche               |
|            |                        | nzialità        | е                |                                   |
|            |                        |                 | argoment         |                                   |
|            |                        |                 | <b>are</b> come  |                                   |
| 1          | I                      |                 |                  |                                   |

# La proposta del Liceo Matematico come "proposta

| cultu    | ralo"                         |                |             |                                    |
|----------|-------------------------------|----------------|-------------|------------------------------------|
| Cuita    | <b>rale"</b><br>Interdiscipli | Laboratorio    | Proposta    | Implicazioni psico-pedagogiche     |
|          | narità                        |                | curricolare |                                    |
| Studenti | -Lavorare su                  | -              | -           | -Messa in atto di capacità         |
|          | temi/proble                   | Coinvolgiment  | Impegnarsi  | critiche: scegliere che cosa fare, |
|          | mi non                        | o in prima     | in attività | motivarlo, pianificare, scandire   |
|          | settoriali;                   | persona nelle  | che mirano  | in fasi l'attività                 |
|          | Riconoscere                   | attività       | ad uno      | -Acquisire e mettere in atto       |
|          | la                            |                | scopo       | abilità di collaborazione;         |
|          | complessità                   | -Riconoscere   |             | Mantenere l'impegno preso          |
|          | del reale e                   | pienamente il  | -svolgere   | con altri                          |
|          | la                            | senso di       | attività    | -Acquisire alcune abilità          |
|          | complemen                     | quello che si  | insieme ad  | cosiddette trasversali/soft        |
|          | tarità delle                  | fa (agency)    | altri,      | Risposta ad un <b>bisogno di</b>   |
|          | prospettive                   |                | raccordand  | costruzione della propria          |
|          | disciplinari                  | -Uso del       | osi nel     | identità, di farsi riconoscere     |
|          |                               | proprio corpo  | lavoro      | come individuo (v produzione       |
|          |                               | e non solo del |             | di artefatti) tipica degli         |
|          |                               | cervello       |             | adolescenti                        |
|          |                               |                |             |                                    |

# Valutare il progetto: le valutazioni possibili

•

- Valutazione del progetto: con quali criteri?
- Efficacia inferita dai risultati INVALSI
- Prove INVALSI e non solo...
- La valutazione «a validità locale»: uso di una strumentazione più ampia: dispositivi digitali e non solo
- Criteri di valutazione **intersoggettivamente condivisi** (v comunità professionale come comunità di pratiche):
- tra docenti
- con gli studenti
- La libertà di progettazione della valutazione da usare ulteriormente: un itinerario di lavoro

•

•

# GRAZIE

annamaria.ajello@fondazione.uniroma1.it