

Risulta  $\rho = \{(1,1), (2,2), (3,3), (1,2), (1,3), (2,3)\}$ ,  $\sigma = \{(2,3), (3,2), (1,3), (3,1), (1,1), (2,2), (3,3)\}$ ,  $\rho \circ \sigma = \{(1,1), (1,2), (1,3), (2,1), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (3,3)\} = \text{EXE}$ ,  $\sigma \circ \rho = \{(1,1), (1,2), (1,3), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (3,3)\} = \text{EXE} \setminus \{(2,1)\}$ ,  $\rho^{-1} = \{(1,1), (2,2), (3,3), (2,1), (3,2)\}$ ,  $\sigma^{-1} = \sigma$ ,  $(\rho \circ \sigma)^{-1} = \text{EXE} \setminus \{(1,2)\}$ ,  $\rho^{-1} \circ \sigma^{-1} = \{(1,1), (1,3), (2,1), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (3,3)\} = (\sigma \circ \rho)^{-1}$ ,  $\sigma^{-1} \circ \rho^{-1} = \{(1,1), (1,2), (1,3), (2,1), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (3,3)\} = (\rho \circ \sigma)^{-1}$ .

Osserviamo che, come è noto dalla teoria,  $\rho \circ \sigma \circ \rho$ ; inoltre la relazione  $\rho$  è riflessiva, antisimmetrica e transitiva e la relazione  $\sigma$  è riflessiva e simmetrica. Per quanto riguarda  $\rho \circ \sigma$ , essa è riflessiva, simmetrica e transitiva, mentre  $\sigma \circ \rho$  è soltanto riflessiva; infine  $\rho^{-1}$  è riflessiva, antisimmetrica e transitiva e  $(\sigma \circ \rho)^{-1}$  è soltanto riflessiva.